

# Cálculo Diferencial e Integral I

## Laboratorio 3 - Límites (primera parte)

Primavera 2018 - ITAM

1. Calcula los siguientes límites:

$$a) \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x-3}{\left(\frac{1}{3} - \frac{1}{x}\right)}$$

$$b) \lim_{x \rightarrow 7} \frac{4 - \sqrt{2x+2}}{x^2 - 8x + 7}$$

$$c) \lim_{x \rightarrow 6} \frac{216 - x^3}{x^2 - 36}$$

$$d) \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\left(\frac{1}{4+h} - \frac{1}{4}\right)}{h}$$

$$e) \lim_{w \rightarrow -1} \frac{|2w+1| - 1}{1 - w^2}$$

2. Supón que  $\lim_{t \rightarrow 0} \frac{f(t)}{t} = 1$ , prueba que  $\lim_{t \rightarrow 0} \frac{t^2}{f(t)} = 0$  (nota: si  $t \neq 0$ , entonces  $\frac{t^2}{f(t)} = t\left(\frac{t}{f(t)}\right)$ ).

3. Usa propiedades de los límites para probar que:  $\lim_{x \rightarrow a} \frac{\sqrt{1+3f^2(x)}}{g^2(x)}$  existe si sabes que  $\lim_{x \rightarrow a} f(x)$  existe y  $\lim_{x \rightarrow a} g(x)$  existe y es distinto de cero.

4. Calcula  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x) + x^2}{|x|}$  si sabes que:  $|f(x)| \leq x^2 \quad \forall x \neq 0$  (usa el teorema del sándwich).

5. Calcula:

$$a) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1+2x+3x^2+5x^3}{6x^3+7x^2+8x+9}$$

$$b) \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt{-x+\sqrt{-x}} - \sqrt{-x-\sqrt{-x}}}{\sqrt{-x}}$$

$$c) \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{x^3} \sqrt{9x^6 + 1}$$

$$d) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x+2 \operatorname{sen}(x)}{3 \cos(x)+4x} \quad (\text{Usa el teorema del sándwich}).$$

6. Obtén:

$$a) \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{\sqrt{9 - \sqrt{2-x}}}{|x-3|}$$

$$b) \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x^2 + 7x - 8}{|1-x^2|}$$

$$c) \lim_{x \rightarrow a^+} \frac{|a^2 - x^2|}{\sqrt{x-a}}$$